

**Linielementbeispiel für graue Farben (0,2≤x≤5)**

$F(x)$  ist das Linielement der Funktion  $f(x)$ .  
 Die folgende Beziehung ist gültig für  $x=Y/Y_u=1/18$ :

$$\frac{d[F(x)]}{dx} = f(x) \quad [1]$$

$$F(x) = \int \frac{f'(x)}{f(x)} dx \quad [2]$$

Beispiel für den normierten Normfarbwert  $x=Y/Y_u$ :

$$\frac{d[\ln(1+b)x]}{dx} = \frac{ab}{1+b} \quad [3]$$

$$a \ln(1+b)x = \int \frac{ab}{1+b} dx \quad [4]$$

hgx00-1n DEQ60-1N

**Linielementbeispiel für graue Farben (0,2≤x≤5)**

$F_u(x)$  ist das Linielement der Funktion  $f_u(x)$ .  
 Beide Funktionen sind auf Umfeldwert normiert:

$$\frac{d[F_u(x)]}{dx} = f_u(x) \quad [1]$$

$$F_u(x) = \int \frac{f'_u(x)}{f_u(x)} dx \quad [2]$$

Beispiel für den normierte Funktionen mit  $x_u=1$ :

$$F_u(x) = \frac{F(x)}{F(x_u)} = \frac{\ln(1+b)x}{\ln(1+b)} \quad [3]$$

$$f_u(x) = \frac{f(x)}{f(x_u)} = \frac{1+b}{1+b} \quad [4]$$

hgx00-2n DEQ60-2N

**Linielementbeispiel für graue Farben (0,2≤Y\_r≤5)**

$F(Y_r)$  ist das Linielement der Funktion  $f(Y_r)$ .  
 Die folgende Beziehung ist gültig für  $Y_r=Y/Y_u=1/18$ :

$$\frac{d[F(Y_r)]}{dY_r} = f(Y_r) \quad [1]$$

$$F(Y_r) = \int \frac{f'(Y_r)}{f(Y_r)} dY_r \quad [2]$$

Beispiel für den normierte Normfarbwert  $Y_r=Y/Y_u$ :

$$\frac{d[\ln(1+b)Y_r]}{dY_r} = \frac{ab}{1+bY_r} \quad [3]$$

$$a \ln(1+b)Y_r = \int \frac{ab}{1+bY_r} dY_r \quad [4]$$

hgx01-1n DEQ61-1N

**Linielementbeispiel für graue Farben (0,2≤Y\_r≤5)**

$F_u(Y_r)$  ist das Linielement der Funktion  $f_u(Y_r)$ .  
 Beide Funktionen sind auf Umfeldwert normiert:

$$\frac{d[F_u(Y_r)]}{dY_r} = f_u(Y_r) \quad [1]$$

$$F_u(Y_r) = \int \frac{f'_u(Y_r)}{f_u(Y_r)} dY_r \quad [2]$$

Beispiel für den normierte Funktionen mit  $Y_r=1$ :

$$F_u(Y_r) = \frac{F(Y_r)}{F(1)} = \frac{\ln(1+b)Y_r}{\ln(1+b)} \quad [3]$$

$$f_u(Y_r) = \frac{f(Y_r)}{f(1)} = \frac{1+bY_r}{1+b} \quad [4]$$

hgx01-2n DEQ61-2N

**Linielement-Gleichungen nach CIE 230:219**

Farbschwellen-(0)Funktion  $f(x) = \Delta Y_t = \Delta x Y_u$  [0]  
 $\Delta Y_t = (\Delta_1 + \Delta_2 Y)/A_0$   $A_0=1,5$ ,  $A_1=0,0170$ ,  $A_2=0,0058$

$$\frac{d[F_u(x)]}{dx} = f_u(x) \quad [1]$$

$$F_u(x) = \int \frac{f'_u(x)}{f_u(x)} dx = \int \frac{b}{1+b} dx \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(x)$  &  $\Delta Y$  mit  $x=Y/Y_u$ ,  $x_u=1$ ,  $b=6,141$ :

$$L^*_u(x) = \frac{L^*(x)}{L^*(x_u)} = \frac{\ln(1+b)x}{\ln(1+b)} \quad [3]$$

$$f_u(x) = \frac{\Delta Y}{\Delta Y_u} = \frac{1+b}{1+b} \quad [4]$$

hgx00-3n DEQ60-3N

**Linielement-Gleichungen nach CIE 230:219**

Farbschwellen-(0)Funktion  $f(x) = \Delta Y_t = \Delta x Y_u$  [0]  
 $\Delta Y_t = (\Delta_1 + \Delta_2 Y)/A_0$   $A_0=1,5$ ,  $A_1=0,0170$ ,  $A_2=0,0058$

$$\frac{d[F_u(x)]}{dx} = f_u(x) \quad [1]$$

$$F_u(x) = \int \frac{f'_u(x)}{f_u(x)} dx = \int \frac{b}{1+b} dx \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(x)$  &  $\Delta Y$  mit  $x=Y/Y_u$ ,  $x_u=1$ ,  $b=6,141$ :

$$L^*_u(x) = \frac{L^*(x)}{L^*(x_u)} = \frac{\ln(1+b)x}{\ln(1+b)} \quad [3]$$

$$f_u(x) = \frac{\Delta Y_t}{\Delta Y_{tu}} = \frac{1+b}{1+b} \quad [4]$$

hgx00-4n DEQ60-4N

**Linielementbeispiel für graue Farben (0,2≤Y\_r≤5)**

$F_u(Y_r)$  ist das Linielement der Funktion  $f_u(Y_r)$ .  
 Beide Funktionen sind auf Umfeldwert normiert:

$$\frac{d[F_u(Y_r)]}{dY_r} = f_u(Y_r) \quad [1]$$

$$F_u(Y_r) = \int \frac{f'_u(Y_r)}{f_u(Y_r)} dY_r = \int \frac{b}{1+bY_r} dY_r \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(Y_r)$  &  $\Delta Y$  mit  $Y_r=1$ ,  $b=6,141$ :

$$L^*_u(Y_r) = \frac{L^*(Y_r)}{L^*(Y_{ru})} = \frac{\ln(1+b)Y_r}{\ln(1+b)} \quad [3]$$

$$f_u(Y_r) = \frac{\Delta Y_r}{\Delta Y_{ru}} = \frac{1+bY_r}{1+b} \quad [4]$$

hgx01-3n DEQ61-3N

**Linielement-Gleichungen nach CIE 230:219**

Farbschwellen-(0)Funktion  $f(Y_r) = \Delta Y_t = \Delta Y_r Y_u$  [0]  
 $\Delta Y_t = (\Delta_1 + \Delta_2 Y_r)/A_0$   $A_0=1,5$ ,  $A_1=0,0170$ ,  $A_2=0,0058$

$$\frac{d[F_u(Y_r)]}{dY_r} = f_u(Y_r) \quad [1]$$

$$F_u(Y_r) = \int \frac{f'_u(Y_r)}{f_u(Y_r)} dY_r = \int \frac{b}{1+bY_r} dY_r \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(Y_r)$  &  $\Delta Y$  mit  $Y_r=1$ ,  $b=6,141$ :

$$L^*_u(Y_r) = \frac{L^*(Y_r)}{L^*(Y_{ru})} = \frac{\ln(1+b)Y_r}{\ln(1+b)} \quad [3]$$

$$f_u(Y_r) = \frac{\Delta Y_r}{\Delta Y_{tu}} = \frac{1+bY_r}{1+b} \quad [4]$$

hgx01-4n DEQ61-4N

**Linielement-Gleichungen nach CIE 230:219**

Farbunterscheidungsfunktion  $f(x) = \Delta Y = \Delta x Y_u$  [0]  
 $\Delta Y = 1/[(1+x)(2+x)] = 1/[1+x] - 1/[2+x]$   $x = \sqrt{2} e^{k(u-u_0)}$

$$\frac{d[F_u(x)]}{dx} = f_u(x) \quad [1]$$

$$F_u(x) = \int \frac{f'_u(x)}{f_u(x)} dx = \int \frac{b}{1+b} dx \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(x)$  &  $\Delta Y$  mit  $x=Y/Y_u$ ,  $x_u=1$ ,  $b=6,141$ :

$$L^*_u(x) = \frac{L^*(x)}{L^*(x_u)} = \frac{\ln(1+b)x}{\ln(1+b)} \quad [3]$$

$$f_u(x) = \frac{\Delta Y}{\Delta Y_u} = \frac{1+b}{1+b} \quad [4]$$

hgx00-5n DEQ60-5N

**Linielemente für Schwellen und Skalierung**

Farbunterscheidungsfunktion  $f(x) = \Delta Y = \Delta x Y_u$  [0]  
 $\Delta Y = 1/[(1+x)(2+x)] = 1/[1+x] - 1/[2+x]$   $x = \sqrt{2} e^{k(u-u_0)}$

$$\frac{d[F_u(x)]}{dx} = f_u(x) \quad [1]$$

$$F_u(x) = \int \frac{f'_u(x)}{f_u(x)} dx = \int \frac{b}{1+b} dx \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(x)$  &  $\Delta Y$  mit  $x=Y/Y_u$ ,  $x_u=1$ ,  $b=1$ :

$$L^*_u(x) = \frac{L^*(x)}{L^*(x_u)} = \frac{\ln(1+b)x}{\ln(1+b)} \quad [3]$$

$$f_u(x) = \frac{\Delta Y}{\Delta Y_u} = \frac{1+b}{1+b} \quad [4]$$

siehe K. Richter (1996), Computergrafik und Farbmatrik, S. 113-127  
<http://color.li.tu-berlin.de/BUA4BF.PDF>

hgx00-6n DEQ60-6N

**Linielement-Gleichungen nach CIE 230:219**

Farbunterscheidungsfunktion  $f(Y_r) = \Delta Y_r$  [0]  
 $\Delta Y_r = (\Delta_1 + \Delta_2 Y_r)/A_0$   $A_0=1,5$ ,  $A_1=0,0170$ ,  $A_2=0,0058$

$$\frac{d[F_u(Y_r)]}{dY_r} = f_u(Y_r) \quad [1]$$

$$F_u(Y_r) = \int \frac{f'_u(Y_r)}{f_u(Y_r)} dY_r = \int \frac{b}{1+bY_r} dY_r \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(Y_r)$  &  $\Delta Y$  mit  $Y_r=1$ ,  $b=6,141$ :

$$L^*_u(Y_r) = \frac{L^*(Y_r)}{L^*(Y_{ru})} = \frac{\ln(1+b)Y_r}{\ln(1+b)} \quad [3]$$

$$f_u(Y_r) = \frac{\Delta Y_r}{\Delta Y_{ru}} = \frac{1+bY_r}{1+b} \quad [4]$$

hgx01-5n DEQ61-5N

**Linielemente für Schwellen und Skalierung**

Farbunterscheidungsfunktion  $f(Y_r) = \Delta Y_r$ ,  $u_r = \ln Y_r$  [0]  
 $\Delta Y_r = 1/[(1+Y_r)(2+Y_r)] = 1/[1+Y_r] - 1/[2+Y_r]$   $Y_r = \sqrt{2} e^{k u_r}$

$$\frac{d[F_u(Y_r)]}{dY_r} = f_u(Y_r) \quad [1]$$

$$F_u(Y_r) = \int \frac{f'_u(Y_r)}{f_u(Y_r)} dY_r = \int \frac{b}{1+bY_r} dY_r \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(Y_r)$  &  $\Delta Y$  mit  $Y_r=1$ ,  $b=1$ :

$$L^*_u(Y_r) = \frac{L^*(Y_r)}{L^*(Y_{ru})} = \frac{\ln(1+b)Y_r}{\ln(1+b)} \quad [3]$$

$$f_u(Y_r) = \frac{\Delta Y_r}{\Delta Y_{ru}} = \frac{1+bY_r}{1+b} \quad [4]$$

siehe K. Richter (1996), Computergrafik und Farbmatrik, S. 113-127  
<http://color.li.tu-berlin.de/BUA4BF.PDF>

hgx01-6n DEQ61-6N

**Linielemente für Schwellen und Skalierung**

Farbunterscheidungsfunktion  $f(x) = \Delta Y = \Delta x Y_u$  [0]  
 $\Delta Y = 1/[(1+x)(2+x)] = 1/[1+x] - 1/[2+x]$   $x = \sqrt{2} e^{k(u-u_0)}$

$$\frac{d[F_u(x)]}{dx} = f_u(x) \quad [1]$$

$$F_u(x) = \int \frac{f'_u(x)}{f_u(x)} dx = \int \frac{1}{1+x} dx - \int \frac{1}{2+x} dx \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(x)$  &  $\Delta Y$  mit  $x=Y/Y_u$ ,  $x_u=1$ :

$$L^*_u(x) = \frac{L^*(x)}{L^*(x_u)} = \frac{\ln(1+x)}{\ln(2)} - \frac{\ln(1+0,5x)}{\ln(1,5)} \quad [3]$$

$$f_u(x) = \frac{\Delta Y}{\Delta Y_u} = \frac{1+x}{2} - \frac{1+0,5x}{1,5} \quad [4]$$

siehe K. Richter (1996), Computergrafik und Farbmatrik, S. 113-127  
<http://color.li.tu-berlin.de/BUA4BF.PDF>

hgx00-7n DEQ60-7N

**Linielemente für Schwellen und Skalierung**

Farbunterscheidungsfunktion  $f(y) = \Delta Y = \Delta y Y_u$  [0]  
 $\Delta Y = 1/[y(1+y)] = 1/y - 1/(1+y)$   $y = (1+\sqrt{2}) e^{k(u-u_0)}$

$$\frac{d[F_u(y)]}{dy} = f_u(y) \quad [1]$$

$$F_u(y) = \int \frac{f'_u(y)}{f_u(y)} dy = \int \frac{1}{y} dy - \int \frac{1}{1+y} dy \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(y)$  &  $\Delta Y$  mit  $y=1+Y/Y_u$ ,  $y_u=2$ :

$$L^*_u(y) = \frac{L^*(y)}{L^*(y_u)} = \frac{\ln(y)}{\ln(2)} - \frac{\ln(1+y)}{\ln(3)} \quad [3]$$

$$f_u(y) = \frac{\Delta Y}{\Delta Y_u} = \frac{1+y}{2} - \frac{1+0,5y}{1,5} \quad [4]$$

siehe K. Richter (1996), Computergrafik und Farbmatrik, S. 113-127  
<http://color.li.tu-berlin.de/BUA4BF.PDF>

hgx00-8n DEQ60-8N

**Linielemente für Schwellen und Skalierung**

Farbunterscheidungsfunktion  $f(Y_r) = \Delta Y_r$ ,  $u_r = \ln Y_r$  [0]  
 $\Delta Y_r = 1/[(1+Y_r)(2+Y_r)] = 1/[1+Y_r] - 1/[2+Y_r]$   $Y_r = \sqrt{2} e^{k u_r}$

$$\frac{d[F_u(Y_r)]}{dY_r} = f_u(Y_r) \quad [1]$$

$$F_u(Y_r) = \int \frac{f'_u(Y_r)}{f_u(Y_r)} dY_r = \int \frac{1}{1+Y_r} dY_r - \int \frac{1}{2+Y_r} dY_r \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(Y_r)$  &  $\Delta Y$  mit  $Y_r=1+Y/Y_u$ ,  $y_u=2$ :

$$L^*_u(Y_r) = \frac{L^*(Y_r)}{L^*(Y_{ru})} = \frac{\ln(1+Y_r)}{\ln(2)} - \frac{\ln(1+0,5Y_r)}{\ln(1,5)} \quad [3]$$

$$f_u(Y_r) = \frac{\Delta Y_r}{\Delta Y_{ru}} = \frac{1+Y_r}{2} - \frac{1+0,5Y_r}{1,5} \quad [4]$$

siehe K. Richter (1996), Computergrafik und Farbmatrik, S. 113-127  
<http://color.li.tu-berlin.de/BUA4BF.PDF>

hgx01-7n DEQ61-7N

**Linielemente für Schwellen und Skalierung**

Farbunterscheidungsfunktion  $f(y) = \Delta Y = \Delta y Y_u$  [0]  
 $\Delta Y = 1/[y(1+y)] = 1/y - 1/(1+y)$   $y = 1+\sqrt{2} e^{k(u,u)}$ ,  $u_r = \ln Y_r$

$$\frac{d[F_u(y)]}{dy} = f_u(y) \quad [1]$$

$$F_u(y) = \int \frac{f'_u(y)}{f_u(y)} dy = \int \frac{1}{y} dy - \int \frac{1}{1+y} dy \quad [2]$$

Beispiel für  $L^*(y)$  &  $\Delta Y$  mit  $y=1+Y/Y_u$ ,  $y_u=2$ :

$$L^*_u(y) = \frac{L^*(y)}{L^*(y_u)} = \frac{\ln(y)}{\ln(2)} - \frac{\ln(1+y)}{\ln(3)} \quad [3]$$

$$f_u(y) = \frac{\Delta Y}{\Delta Y_u} = \frac{1+y}{2} - \frac{1+0,5y}{1,5} \quad [4]$$

siehe K. Richter (1996), Computergrafik und Farbmatrik, S. 113-127  
<http://color.li.tu-berlin.de/BUA4BF.PDF>

hgx01-8n DEQ61-8N