

Weber-Fechner-Gesetz in CIE 200-2019 für Schwellen-Farbdifferenzen von Kipferfarben
 Die Weber-Fechner-Gesetz Helligkeit L^* ist eine logarithmische Funktion von L .
 Die Stevens-Gesetz Helligkeit L^* ist eine Potenzfunktion von L .
 Die Stevens-Gesetz Helligkeit L^* ist eine Potenzfunktion von L .
 Die Weber-Fechner-Gesetz ist äquivalent zur Gleichung: $\Delta L^* = c \cdot L^*$
 Integration über das Integralgleichung $L^* = \int \frac{1}{L^*} dL^*$
 Ableitung über die Ableitung Gleichung $L^* = \frac{dL^*}{dL}$
 Die Farbwerte im Sinn der Normkurventabelle 20-1-90/3.4
 Tabelle 1: Normwert L^* , Leuchtdichte L und Helligkeit L^*

Weber-Fechner-Gesetz in CIE 200-2019 für Schwellen-Farbdifferenzen von Kipferfarben und zwei Bereiche $0.2 < L^* < 1$ und $1 < L^* < 5$
 Die Weber-Fechner-Gesetz Helligkeit L^* ist eine logarithmische Funktion von L .
 Die Stevens-Gesetz Helligkeit L^* ist eine Potenzfunktion von L .
 Die Stevens-Gesetz Helligkeit L^* ist eine Potenzfunktion von L .
 Die Weber-Fechner-Gesetz entspricht dem Stevens-Gesetz: $\Delta L^* = c \cdot L^*$
 Integration über das Integralgleichung $L^* = \int \frac{1}{L^*} dL^*$
 Ableitung über die Ableitung Gleichung $L^* = \frac{dL^*}{dL}$
 Die Farbwerte im Sinn der Normkurventabelle 20-1-90/3.4
 Tabelle 1: Normwert L^* , Leuchtdichte L und Helligkeit L^*

Farblinien-Element von Stiles (1946) mit „Farbwerten“ L_P, M_D, S_T
 Drei separate Farb-erregungsfunktionen
 $F(L_P) = i \ln(1 + 9 L_P)$
 $F(M_D) = j \ln(1 + 9 M_D)$
 $F(S_T) = k \ln(1 + 9 S_T)$
 Taylor-Ableitungen:
 $\Delta F(L_P, M_D, S_T) = \frac{dF}{dL_P} \Delta L_P + \frac{dF}{dM_D} \Delta M_D + \frac{dF}{dS_T} \Delta S_T$
 $= \frac{9i}{1+9L_P} \Delta L_P + \frac{9j}{1+9M_D} \Delta M_D + \frac{9k}{1+9S_T} \Delta S_T$

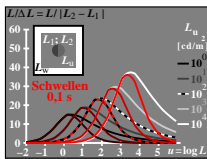
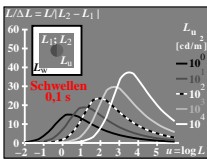
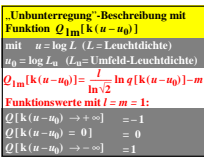
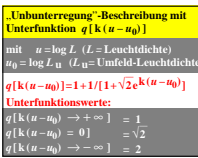
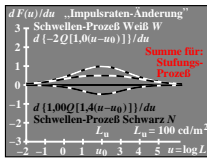
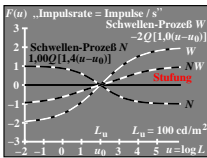
Farblinien-Element von Vos & Walraven (1972) mit „Farbwerten“ L_P, M_D, S_T
 Drei separate Farb-erregungsfunktionen
 $F(L_P) = -2 \sqrt{L_P}$
 $F(M_D) = -2 \sqrt{M_D}$
 $F(S_T) = -2 \sqrt{S_T}$
 Taylor-Ableitungen:
 $\Delta F(L_P, M_D, S_T) = \frac{dF}{dL_P} \Delta L_P + \frac{dF}{dM_D} \Delta M_D + \frac{dF}{dS_T} \Delta S_T$
 $\Delta F(L_P, M_D, S_T) = \frac{dF}{dL_P} \Delta L_P + \frac{dF}{dM_D} \Delta M_D + \frac{dF}{dS_T} \Delta S_T$

Farbe	Normwert	Stimulus-Leuchtdichte	relative Leuchtdichte	CIE Helligkeit	relative Helligkeit
Konstant	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
20-1-90/3.4	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
Weiß W	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
Rot R	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
Grün G	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
Schwarz N	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
Blau B	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00

Farbe	Normwert	Stimulus-Leuchtdichte	relative Leuchtdichte	CIE Helligkeit	relative Helligkeit
Konstant	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
20-1-90/3.4	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
Weiß W	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
Rot R	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
Grün G	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
Schwarz N	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
Blau B	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00

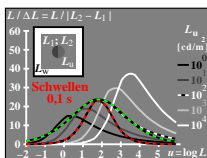
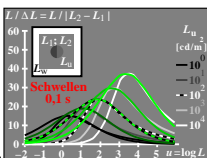
„Unbunterregung“-Beschreibung mit Unterfunktion $q[k(u-u_0)]$
 mit $u = \log L$ ($L =$ Leuchtdichte)
 $u_0 = \log L_0$ ($L_0 =$ Umfeld-Leuchtdichte)
 $q[k(u-u_0)] = 1 + 1/[1 + \sqrt{2} e^{k(u-u_0)}]$
 Unterfunktionswerte:
 $q[k(u-u_0) \rightarrow -\infty] = 1$
 $q[k(u-u_0) = 0] = \sqrt{2}$
 $q[k(u-u_0) \rightarrow \infty] = 2$

„Unbunterregung“-Beschreibung mit Funktion $Q_{1m}[k(u-u_0)]$
 mit $u = \log L$ ($L =$ Leuchtdichte)
 $u_0 = \log L_0$ ($L_0 =$ Umfeld-Leuchtdichte)
 $Q_{1m}[k(u-u_0)] = \frac{1}{\ln \sqrt{2}} \ln q[k(u-u_0)] - m$
 Funktionswerte mit $m = 1$:
 $Q[k(u-u_0) \rightarrow -\infty] = -1$
 $Q[k(u-u_0) = 0] = 0$
 $Q[k(u-u_0) \rightarrow \infty] = 1$



„Unbunterregung“-Unterscheidung als Funktion der relativen Helligkeit
 $h = \ln H = k(u-u_0)$, $\ln =$ natürl. Log.
 $Q' = \frac{dQ}{dh} = \frac{dQ}{d \ln H} = \frac{dQ}{d \ln(1 + 1/(1 + \sqrt{2} H))} = \frac{1}{\ln \sqrt{2}} \frac{dQ}{dH}$
 $= -\sqrt{2}/[\ln \sqrt{2} (1 + \sqrt{2} H)(2 + \sqrt{2} H)]$
 Funktionswerte:
 $Q'[k(u-u_0) \rightarrow -\infty] = 0$
 $Q'[k(u-u_0) = 0] = -0.5$
 $Q'[k(u-u_0) \rightarrow \infty] = 0$

Leuchtdichte-Unterscheidungsvermögen $L/\Delta L$ als Funktion von H
 mit: $L = 10^6 H$, $H = e^{-10} \log e k(u-u_0)$
 $dL/dH = \ln 10 L$, $dH/dH = k$
 $\frac{d(L/\Delta L)}{dH} = \text{const } H / [(1 + \sqrt{2} H)(2 + \sqrt{2} H)]$
 $\frac{dL}{\Delta L} = \text{const } H / [(1 + \sqrt{2} H)(2 + \sqrt{2} H)]$
 Es folgt: $L/\Delta L = [kH / (dH \ln 10)]$
 $\frac{dL}{\Delta L} = \text{const } H / [(1 + \sqrt{2} H)(2 + \sqrt{2} H)]$
 Funktionswerte:
 $Q'[k(u-u_0) \rightarrow -\infty] = 0$
 $Q'[k(u-u_0) = 0] = \text{Maximum}$
 $Q'[k(u-u_0) \rightarrow \infty] = 0$



Doppel-Linienelement von Richter (1987) für die Lichttechnik mit der Leuchtdichte $L = F(L_P, M_D, S_T)$
 $F(L) = \int \frac{L}{\Delta L} dL$ (relative L, M, S^2)
 $F(L) = i Q(H) + \int j Q(H) + k Q(H)$ (relative L, M, S^2)
 mit: $k=1, 4$ $k=1$ $i=1$ $j=-2$
 $u = \log L$, $u_0 = \log L_0$, $\bar{u} = \log L_0$
 $H = e^{k(u-u_0)}$, $\bar{H} = e^{k(\bar{u}-u_0)}$, $\bar{H} = e^{k(\bar{u}-u_0)}$

Doppel-Linienelement von Richter (1987) für die Lichttechnik mit der Leuchtdichte $L = F(L_P, M_D, S_T)$
 $F(L) = \int \frac{L}{\Delta L} dL$ (relative L, M, S^2)
 $F(L) = i Q(H) + \int j Q(H) + k Q(H)$ (relative L, M, S^2)
 $Q(H) = \ln(1 + 1/(1 + \sqrt{2} H)) / \ln \sqrt{2} - 1$
 Taylor-Ableitungen:
 $\Delta F(L) = \frac{dF}{dL} \Delta L = i \frac{dQ}{dH} \Delta H$
 $= -i \sqrt{2} \Delta H / [\ln \sqrt{2} (1 + \sqrt{2} H)(2 + \sqrt{2} H)]$

Siehe ähnliche Dateien der ganzen Serie: http://farbe.li.tu-berlin.de/egn3/egn3l1.txt / ps
 Technische Information: http://farbe.li.tu-berlin.de oder http://color.li.tu-berlin.de

TUB-Registrierung: 2023/01-egn3/egn3l1.txt / ps
 Anwendung für Bereitstellung und Messung von Display- oder Druck-Ausgabe

TUB-Material: Code=ha4ta