



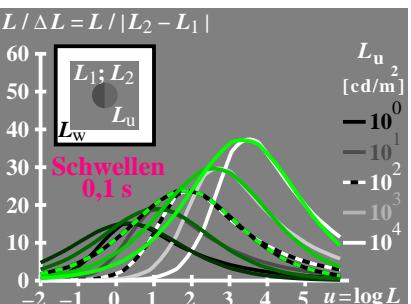
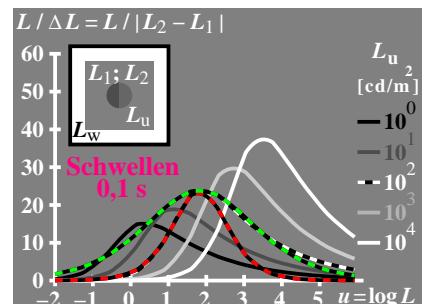
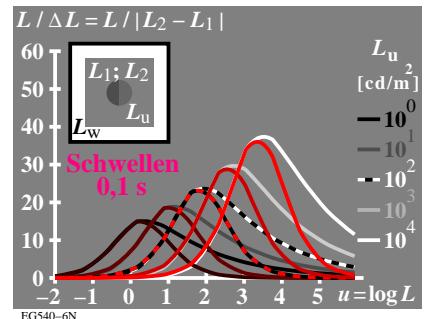
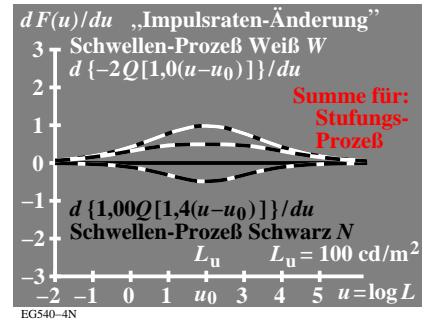
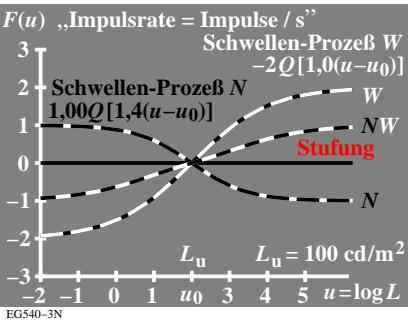
**Weber-Fechner-Gesetz in CIE 230:2019 für Schwellen-Farbdiiferenzen von Körperfarben**  
Die Weber-Fechner-Gesetz-Helligkeit  $L^*$  ist eine **logarithmische** Funktion von  $L_u$ .  
Die Stufen-Gesetz-Helligkeit  $L_{\text{St}}^*$  ist eine **Potenzfunktion** von  $L_u$ :  $L_{\text{St}}^* = m \cdot L_u^{1/2.4}$ .  
IEC 61966-2-1 benutzt eine ähnliche Potenzfunktion  $L_{\text{IEC}}^* = m \cdot L_u^{1/2.3}$ .  
Das Weber-Fechner-Gesetz ist äquivalent zur Gleichung:  $\Delta L_u = c \cdot L_u$  [1]  
Integration führt zur logarithmischen Gleichung:  $L^* = k \cdot \log(L_u)$  [2]  
Ableitung führt für  $\Delta L_u = 1$  führt zur linearen Gleichung:  $L_u / \Delta L_u = k = 57$ . [3]  
Für Farben im Büro ist der Normkontrastbereich 25:1-90:3,6

**Tabelle 1: Normfarbwert Y, Leuchtdichte L und Helligkeiten L\***

Farbe (matt)	Normfarbwert	Büro-Leuchtdichte	relative Leuchtdichte	CIE Helligkeit	relative Helligkeit
(Kontrast) (25:1=90:3,6)	Y	$L$ [cd/m <sup>2</sup> ]	$L_x = L / L_u$	$L_{\text{CIEL}}^* = -m \cdot L_x^{1/2.4}$	$L_{\text{St}}^* = k \cdot \log(L_x)$
Weiß W (Papier)	90	142	5	94	40
Grau Z (Papier)	18	28,2	1	50	0
Schwarz N (Papier)	3,6	5,6	0,2	18	-40
	-18/5	28,2/5			-k log(0,2)

Im Helligkeitsbereich zwischen  $L^* = -40$  und  $40$  ist die Konstante:  $k = 40/\log(5) = 57$

EG540-1N



TUB-Prüfvorlage EG54; Achromatische Schwellen, Kontrast ( $L / \Delta L$ ) und Helligkeit  $L^*$   
Linienelement, Kontrast und Helligkeit nach Weber-Fechner, Stiles und Vos&Walraven

**Linien-Element von Stiles (1946) mit „Farbwerten“  $L_P$ ,  $M_D$ ,  $S_T$**   
Drei separate Farb-Signalfunktionen  
 $F(L_P) = i \ln(1 + 9 L_P)$   
 $F(M_D) = j \ln(1 + 9 M_D)$   
 $F(S_T) = k \ln(1 + 9 S_T)$

$$\begin{aligned} \Delta F(L_P, M_D, S_T) &= \frac{dF}{dL_P} \Delta L_P + \frac{dF}{dM_D} \Delta M_D + \frac{dF}{dS_T} \Delta S_T \\ &= \frac{9i}{1+9L_P} \Delta L_P + \frac{9j}{1+9M_D} \Delta M_D + \frac{9k}{1+9S_T} \Delta S_T \end{aligned}$$

EG541-1N

**Funktionen  $q[k(u-u_0)]$  zur „unbuntsignal“-Beschreibung mit**  
mit  $u = \log L$  ( $L$  = Leuchtdichte)  
 $u_0 = \log L_u$  ( $L_u$  = Umfeld-Leuchtdichte)  
 $q[k(u-u_0)] = 1 + 1/(1 + \sqrt{2} e^{k(u-u_0)})$   
**Funktionswerte:**  
 $q[k(u-u_0) \rightarrow +\infty] = 1$   
 $q[k(u-u_0) = 0] = \sqrt{2}$   
 $q[k(u-u_0) \rightarrow -\infty] = 2$

EG541-3N

**„Unbuntsignal“-Unterscheidung als Funktion der relativen Helldichte**  
 $h = \ln H = k(u-u_0)$ ,  $\ln$  = natürl. Log.  
 $Q' = \frac{d}{dH} [\ln \{1 + 1/(1 + \sqrt{2}H)\}] / \ln \sqrt{2}$   
 $= -\sqrt{2} / [\ln \sqrt{2} (1 + \sqrt{2}H)(2 + \sqrt{2}H)]$   
**Funktionswerte:**  
 $Q'[k(u-u_0) \rightarrow +\infty] = 0$   
 $Q'[k(u-u_0) = 0] = -0,5$   
 $Q'[k(u-u_0) \rightarrow -\infty] = 0$

EG541-5N

**Doppel-Linienelement von Richter (1987) für die Lichttechnik mit der Leuchtdichte  $L = f(L_P, M_D, S_T)$**   
 $F(L) = \int_{-\infty}^L (L / \Delta L) dL$  (relative Helligkeit?)  
 $F(L) = i Q(H) = \begin{cases} i Q(\underline{H}) & (\underline{H} < u_0) \\ \bar{i} Q(\bar{H}) & (\underline{H} \geq u_0) \end{cases}$   
mit:  $\underline{k}=1,4$   $\bar{k}=1$   $\underline{i}=1$   $\bar{i}=-2$   
 $u = \log L$   $u_0 = \log L_u$   
 $H = e^{k(u-u_0)}$ ,  $\underline{H} = e^{-k(u-u_0)}$ ,  $\bar{H} = e^{-\bar{k}(u-u_0)}$

EG541-7N

**Linien-Element von Vos&Walraven (1972) mit „Farbwerten“  $L_P$ ,  $M_D$ ,  $S_T$**   
Drei separate Farb-Signalfunktionen  
 $F(L_P) = -2i \sqrt{L_P}$   
 $F(M_D) = -2j \sqrt{M_D}$   
 $F(S_T) = -2k \sqrt{S_T}$

$$\begin{aligned} \Delta F(L_P, M_D, S_T) &= \frac{dF}{dL_P} \Delta L_P + \frac{dF}{dM_D} \Delta M_D + \frac{dF}{dS_T} \Delta S_T \\ &= \frac{i}{\sqrt{L_P}} \Delta L_P + \frac{j}{\sqrt{M_D}} \Delta M_D + \frac{k}{\sqrt{S_T}} \Delta S_T \end{aligned}$$

EG541-2N

**„Unbuntsignal“-Beschreibung mit Funktionen  $Q_{1m}[k(u-u_0)]$**   
mit  $u = \log L$  ( $L$  = Leuchtdichte)  
 $u_0 = \log L_u$  ( $L_u$  = Umfeld-Leuchtdichte)  
 $Q_{1m}[k(u-u_0)] = \frac{L}{\ln \sqrt{2}} \ln q[k(u-u_0)] - m$   
**Funktionswerte mit  $l = m = 1$ :**  
 $Q[k(u-u_0) \rightarrow +\infty] = 1$   
 $Q[k(u-u_0) = 0] = 0$   
 $Q[k(u-u_0) \rightarrow -\infty] = -1$

EG541-4N

**Leuchtdichte-Unterscheidungsvermögen  $L / \Delta L$  als Funktion von  $H$**   
mit:  $L = 10^u$   $H = e^h = 10^{\log_e H}$   
 $dL/du = \ln 10 L$   $dH/du = k H$   
**Es folgt:**  $L / \Delta L = [k H / (dH \ln 10)]$   
 $\frac{L}{dL} = \text{const } H / [(1 + \sqrt{2}H)(2 + \sqrt{2}H)]$   
 $Q'[k(u-u_0) \rightarrow +\infty] = 0$   
 $Q'[k(u-u_0) = 0] = \text{Maximum}$   
 $Q'[k(u-u_0) \rightarrow -\infty] = 0$

EG541-6N

**Doppel-Linienelement von Richter (1987) für die Lichttechnik mit der Leuchtdichte  $L = F(L_P, M_D, S_T)$**   
 $F(L) = \int_{-\infty}^L (L / \Delta L) dL$  (relative Helligkeit?)  
 $F(L) = i Q(H) = H = e^{k(u-u_0)}$   
 $Q(H) = [\ln \{1 + 1/(1 + \sqrt{2}H)\}] / \ln \sqrt{2} - 1$   
**Taylor-Ableitungen:**  
 $\Delta F(L) = \frac{dF}{dL} \Delta L = i \frac{dQ}{dH} \Delta H$   
 $= -i \sqrt{2} \Delta H / [\ln \sqrt{2} (1 + \sqrt{2}H)(2 + \sqrt{2}H)]$

EG541-8N