Weber-Fechner-Gesetz in CIE 230:2019 für Schwellen-Farbdifferenzen von Körperfarben

Die *Weber-Fechner*-Gesetz-Helligkeit L^*_r ist eine ***logarithmische*** Funktion von L_r.
Die *Stevens*-Gesetz-Helligkeit L^*_{CIELAB} ist eine ***Potenzfunktion*** von $L_r=Y/5$.
IEC 61966-2-1 benutzt eine ähnliche Potenzfunktion $L^*_{IEC} = m\,L_r^{1/2,4}$.
Das *Weber-Fechner*-Gesetz ist äquivalent zur Gleichung: $\Delta L_r = c\,L_r$ [1]
Integration führt zur logarithmischen Gleichung: $L^*_r = k \log(L_r)$. [2]
Ableitung für $\Delta L^*_r=1$ führt zur linearen Gleichung: $L_r/\Delta L_r = k = 57$. [3]
Für Farben im Büro ist der **Normkontrastbereich 25:1**=90:3,6

Tabelle 1: Normfarbwert *Y*, Leuchtdichte *L* und Helligkeiten *L**

Farbe (matt)	Norm-farbwert	Büro-Leuchtdichte	relative Leuchtdichte	CIE Helligkeit	relative Helligkeit
(Kontrast) **(25:1=90:3,6)**	Y	L [cd/m²]	$L_r = L/L_u$	$L^*_{CIELAB} \sim m\,L_r^{1/2,4}$	$L^*_r = k\log(L_r)$
Weiß W (Papier)	90 =18*5	142 =28,2*5	5	94	40 =k log(5)
Grau Z (Papier)	18	28,2	1	50	0 =k log(1)
Schwarz N Papier	3,6 =18/5	5,6 28,2/5	0,2	18	−40 =k log(0,2)

Im Helligkeitsbereich zwischen $L^*_r=-40$ und 40 ist die Konstante: $k=40/\log(5)=57$

DGC00−1N

Weber-Fechner-Gesetz in CIE 230:2019 für Schwellen-Farbdifferenzen von Körperfarben und zwei Bereiche 0,2 <= L_r <=1 und 1 <= L_r <=5

Die *Weber-Fechner*-Gesetz-Helligkeit L^*_r ist eine ***logarithmische*** Funktion von L_r.
Die *Stevens*-Gesetz-Helligkeit L^*_{CIELAB} ist eine ***Potenzfunktion*** von $L_r=Y/5$.
IEC 61966-2-1 benutzt eine ähnliche Potenzfunktion $L^*_{IEC} = m\,L_r^{1/2,4}$.
Das *Weber-Fechner*-Gesetz ist äquivalent zur linearen Gleichung: $\Delta L_r = c_i L_r$ (i=0,1) [1]
Integration führt zur logarithmischen Gleichung: $L^*_r = k_i \log(L_r)$ (i=0,1) [2]
Ableitung führt für $\Delta L^*_r=1$ zur linearen Gleichung: $L_r/\Delta L_r = k_i$ ($k_0=46$, $k_1=63$) [3]
Für Farben im Büro ist der **Normkontrastbereich 25:1**=90:3,6

Tabelle 1: Normfarbwert *Y*, Leuchtdichte *L* und Helligkeiten *L**

Farbe (matt)	Norm-farbwert	Büro-Leuchtdichte	relative Leuchtdichte	CIE Helligkeit	relative Helligkeit
(Kontrast) **(25:1=90:3,6)**	Y	L [cd/m²]	$L_r = L/L_u$	$L^*_{CIELAB} \sim m\,L_r^{1/2,4}$	$L^*_r = k\log(L_r)$
Weiß W (Papier)	90 =18*5	142 =28,2*5	5	94	44 $=k_1\log(5)$
Grau Z (Papier)	18	28,2	1	50	0 $=k_0\log(1)$
Schwarz N Papier	3,6 =18/5	5,6 28,2/5	0,2	18	−32 $=k_0\log(0,2)$

Für die zwei Helligkeitsbereiche gilt $k_0=-32/\log(0,2)=46$ und $k_1=44/\log(5)=63$.

DGC00−2N

Linien-Element von *Stiles* (1946) mit „Farbwerten" L_P, M_D, S_T

Drei separate Farb-Signalfunktionen

$F(L_P) = i \ln(1+9\,L_P)$
$F(M_D) = j \ln(1+9\,M_D)$
$F(S_T) = k \ln(1+9\,S_T)$

***Taylor*-Ableitungen:**

$$\Delta F(L_P,M_D,S_T) = \frac{dF}{dL_P}\Delta L_P + \frac{dF}{dM_D}\Delta M_D + \frac{dF}{dS_T}\Delta S_T$$
$$= \frac{9i}{1+9L_P}\Delta L_P + \frac{9j}{1+9M_D}\Delta M_D + \frac{9k}{1+9S_T}\Delta S_T$$

DGC01−1N

Linien-Element von *Vos&Walraven* (1972) mit „Farbwerten" L_P, M_D, S_T

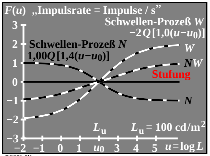
Drei separate Farb-Signalfunktionen

$F(L_P) = -2\,i\sqrt{L_P}$
$F(M_D) = -2\,j\sqrt{M_D}$
$F(S_T) = -2\,k\sqrt{S_T}$

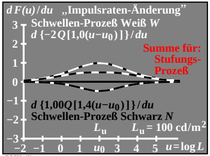
***Taylor*-Ableitungen:**

$$\Delta F(L_P,M_D,S_T) = \frac{dF}{dL_P}\Delta L_P + \frac{dF}{dM_D}\Delta M_D + \frac{dF}{dS_T}\Delta S_T$$
$$\Delta F(L_P,M_D,S_T) = \frac{i}{\sqrt{L_P}}\Delta L_P + \frac{j}{\sqrt{M_D}}\Delta M_D + \frac{k}{\sqrt{S_T}}\Delta S_T$$

DGC01−2N



DGC00−3N



DGC00−4N

Funktionen $q[k(u-u_0)]$ zur „unbuntsignal"-Beschreibung mit

mit $u = \log L$ (L = Leuchtdichte)
$u_0 = \log L_u$ (L_u = Umfeld-Leuchtdichte)

$q[k(u-u_0)] = 1 + 1/[1+\sqrt{2}\,e^{k(u-u_0)}]$

Funktionswerte:

$q[k(u-u_0) \to +\infty] = 1$
$q[k(u-u_0) = 0] = \sqrt{2}$
$q[k(u-u_0) \to -\infty] = 2$

DGC01−3N

„Unbuntsignal"-Beschreibung mit Funktionen $Q_{1m}[k(u-u_0)]$

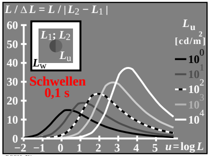
mit $u = \log L$ (L = Leuchtdichte)
$u_0 = \log L_u$ (L_u = Umfeld-Leuchtdichte)

$Q_{1m}[k(u-u_0)] = \frac{l}{\ln\sqrt{2}} \ln q[k(u-u_0)] - m$

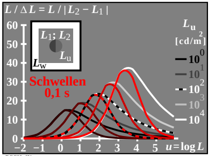
Funktionswerte mit *l* = *m* = 1:

$Q[k(u-u_0) \to +\infty] = -1$
$Q[k(u-u_0) = 0] = 0$
$Q[k(u-u_0) \to -\infty] = 1$

DGC01−4N



DGC00−5N



DGC00−6N

„Unbuntsignal"-Unterscheidung als Funktion der relativen Helldichte
$h = \ln H = k(u-u_0)$, ln = natürl. Log.

$$Q' = \frac{d}{dH}[\ln\{1+1/(1+\sqrt{2}H)\}]/\ln\sqrt{2}$$
$$= -\sqrt{2}/[\ln\sqrt{2}(1+\sqrt{2}H)(2+\sqrt{2}H)]$$

Funktionswerte:

$Q'[k(u-u_0) \to +\infty] = 0$
$Q'[k(u-u_0) = 0] = -0,5$
$Q'[k(u-u_0) \to -\infty] = 0$

DGC01−5N

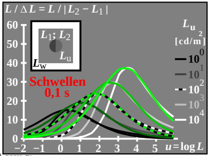
Leuchtdichte-Unterscheidungsvermögen $L/\Delta L$ als Funktion von H

mit: $L = 10^u$ $H = e^h = 10^{\log e\, k(u-u_0)}$
$dL/du = \ln 10\, L$ $dH/du = k\,H$

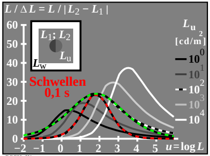
Es folgt: $L/\Delta L = [k\,H/(dH \ln 10)]$
$\frac{L}{dL}$ = const $H/[(1+\sqrt{2}H)(2+\sqrt{2}H)]$

$Q'[k(u-u_0) \to +\infty] = 0$
$Q'[k(u-u_0) = 0]$ = Maximum
$Q'[k(u-u_0) \to -\infty] = 0$

DGC01−6N



DGC00−7N



DGC00−8N

Doppel-Linienelement von *Richter* (1987) für die Lichttechnik mit der Leuchtdichte $L = f(L_P, M_D, S_T)$

$F(L) = \int_{-\infty}^{L} (L/\Delta L)\, dL$ (relative *L, M, S*?)

$$F(L) = i\,Q(H) = \begin{cases} \underline{i}\,Q(\underline{H}) & (u<u_0) \\ \bar{i}\,Q(\bar{H}) & (u \ge u_0) \end{cases}$$

mit: $\underline{k}=1,4$ $\bar{k}=1$ $\underline{i}=1$ $\bar{i}=-2$
$u = \log L$ $u_0 = \log L_u$
$H = e^{k(u-u_0)}$, $\underline{H} = e^{\underline{k}(u-u_0)}$, $\bar{H} = e^{\bar{k}(u-u_0)}$

DGC01−7N

Doppel-Linienelement von *Richter* (1987) für die Lichttechnik mit der Leuchtdichte $L = F(L_P, M_D, S_T)$

$F(L) = \int_{-\infty}^{L} (L/\Delta L)\, dL$ (relative *L, M, S*?)
$F(L) = i\,Q(H)$ $H = e^{k(u-u_0)}$
$Q(H) = [\ln\{1+1/(1+\sqrt{2}H)\}]/\ln\sqrt{2} - 1$

***Taylor*-Ableitungen:**

$$\Delta F(L) = \frac{dF}{dL}\Delta L = i\,\frac{dQ}{dH}\,\Delta H$$
$$= -i\sqrt{2}\,\Delta H/[\ln\sqrt{2}(1+\sqrt{2}H)(2+\sqrt{2}H)]$$

DGC01−8N

Siehe ähnliche Dateien: http://farbe.li.tu-berlin.de/DGC0/DGC0.HTM
Technische Information: http://farbe.li.tu-berlin.de oder http://color.li.tu-berlin.de

TUB-Registrierung: 20210901-DGC0/DGC0L0N1.TXT /.PS
Anwendung für Beurteilung und Messung von Display- oder Druck-Ausgabe
TUB-Material: Code=rha4ta