

Transformation zwischen den Judd-Farbart- und Farbwertanteilen

Daten siehe K. Richter, Dissertation, Universität Basel (Schweiz), 1969, Seite 83.

Für die antagonistischen spektralen Elementarfärbungen

$$\lambda_B = 475 \text{ nm}, \lambda_G = 502 \text{ nm}, \lambda_Y = 574 \text{ nm}, \lambda_R = 494 \text{ nm}$$

werden die Koordinaten \bar{x}_i ($i=1$ to 3) benutzt anstelle von modernen Koordinaten $\bar{l}, \bar{a}, \bar{b}$

Beziehung zwischen Gegenfarben- und Farbspektralwerten:

$$\begin{pmatrix} \bar{x}(\lambda) \\ \bar{y}(\lambda) \\ \bar{z}(\lambda) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \bar{x}_1(\lambda) \\ \bar{x}_2(\lambda) \\ \bar{x}_3(\lambda) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,9093 & 0,3338 & -0,0133 \\ 1,0000 & 0,0000 & 0,0000 \\ 0,4494 & -0,0574 & -0,4136 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \bar{x}_1(\lambda) \\ \bar{x}_2(\lambda) \\ \bar{x}_3(\lambda) \end{pmatrix} \quad (2)$$

Die Farbwerte X_1, X_2, X_3 und X, Y, Z erfordern die gleichen Transformationen.

Die normierten Farbartwerte a_n und b_n sind wie folgt in LabMUN 1969 definiert:

$$a_n = n_a a_u = n_a X_2/X_1 = n_a x_2/x_1; \quad n_a = 2,8 \quad (3) \quad b_n = b_u = X_3/X_1 = x_3/x_1 \quad (4) \quad x_3 = 1 - x_2 - x_1 \quad (5)$$

Benutzung von Gleichungen (2) bis (5) führt zu:

$$\begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} a_n/n_a & a_{13} b_n \\ a_{21} & a_{22} a_n/n_a & a_{23} b_n \\ a_{31} & a_{32} a_n/n_a & a_{33} b_n \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X_1 \\ X_2 \\ X_3 \end{pmatrix} \quad (6) \quad \text{und mit } x = X/(X+Y+Z) \text{ und } y = Y/(X+Y+Z) \quad (7)$$

$$x = [a_{11} + a_{12} a_n/n_a + a_{13} b_n] / [a_{11} + a_{21} + a_{31} + (a_{12} + a_{22} + a_{32})/n_a + (a_{13} + a_{23} + a_{33}) b_n] \quad (8)$$

$$y = [a_{21} + a_{22} a_n/n_a + a_{23} b_n] / [a_{11} + a_{21} + a_{31} + (a_{12} + a_{22} + a_{32})/n_a + (a_{13} + a_{23} + a_{33}) b_n] \quad (9)$$

$$\begin{aligned} x &= (\alpha_{11} + \alpha_{12} a_n + \alpha_{13} b_n) / (\alpha_{31} + \alpha_{32} a_n + \alpha_{33} b_n) \\ &= (0,9093 + 0,1192 a_n - 0,0133 b_n) / (2,3587 + 0,0987 a_n - 0,4269 b_n) \end{aligned} \quad (9)$$

$$\begin{aligned} y &= (\alpha_{21} + \alpha_{22} a_n + \alpha_{23} b_n) / (\alpha_{31} + \alpha_{32} a_n + \alpha_{33} b_n) \\ &= (1,0000 + 0,0000 a_n + 0,0000 b_n) / (2,3587 + 0,0987 a_n - 0,4269 b_n) \end{aligned} \quad (10)$$